



Exame Final Nacional de Matemática B Prova 735 | 1.ª Fase | Ensino Secundário | 2021

11.º Ano de Escolaridade

Decreto-Lei n.º 55/2018, de 6 de julho

Critérios de Classificação

9 Páginas

CRITÉRIOS GERAIS DE CLASSIFICAÇÃO

A classificação a atribuir a cada resposta resulta da aplicação dos critérios gerais e dos critérios específicos apresentados para cada item e é expressa por um número inteiro.

As respostas ilegíveis ou que não possam ser claramente identificadas são classificadas com zero pontos.

Em caso de omissão ou de engano na identificação de uma resposta, esta pode ser classificada se for possível identificar inequivocamente o item a que diz respeito.

Se for apresentada mais do que uma resposta ao mesmo item, só é classificada a resposta que surgir em primeiro lugar.

Os critérios de classificação apresentam-se organizados por níveis de desempenho ou por etapas. A cada nível de desempenho e a cada etapa corresponde uma dada pontuação.

A classificação das respostas aos itens cujos critérios se apresentam organizados por níveis de desempenho resulta da pontuação do nível de desempenho em que forem enquadradas e da aplicação dos critérios de desvalorização definidos para situações específicas.

A classificação das respostas aos itens cujos critérios se apresentam organizados por etapas resulta da soma das pontuações atribuídas às etapas apresentadas e da aplicação dos critérios de desvalorização definidos para situações específicas.

Nas respostas classificadas por níveis de desempenho, se permanecerem dúvidas quanto ao nível a atribuir, deve optar-se pelo nível mais elevado de entre os dois tidos em consideração. Qualquer resposta que não atinja o nível 1 de desempenho é classificada com zero pontos.

As respostas que não apresentem exatamente os termos ou expressões constantes nos critérios específicos de classificação são classificadas em igualdade de circunstâncias com aquelas que os apresentem, desde que o seu conteúdo seja cientificamente válido, adequado ao solicitado e enquadrado pelos documentos curriculares de referência.

A classificação das respostas aos itens que envolvam o uso das potencialidades gráficas da calculadora tem em conta a apresentação de todos os elementos visualizados na sua utilização.

No quadro seguinte, apresentam-se os critérios de classificação a aplicar, em situações específicas, às respostas aos itens que envolvam cálculos ou justificações.

Situação	Classificação
Utilização de processos de resolução que não estão previstos no critério específico de classificação.	É aceite qualquer processo de resolução cientificamente correto, desde que enquadrado pelos documentos curriculares de referência da disciplina. O critério específico é adaptado ao processo de resolução apresentado.
2. Utilização de processos de resolução que não respeitem as instruções dadas [exemplo: «recorrendo à regressão sinusoidal»].	A etapa em que a instrução não é respeitada e todas as etapas subsequentes que dela dependam são pontuadas com zero pontos.
Apresentação apenas do resultado final quando a resolução do item exige cálculos ou justificações.	A resposta é classificada com zero pontos.
4. Ausência de apresentação de cálculos ou de justificações necessários à resolução de uma etapa.	A etapa é pontuada com zero pontos.
5. Ausência de apresentação explícita de uma etapa que não envolva cálculos ou justificações.	Se a resolução apresentada permitir perceber inequivo- camente que a etapa foi percorrida, esta é pontuada com a pontuação prevista.
	Caso contrário, a etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam.
6. Transcrição incorreta de dados do enunciado que não alterem o que se pretende avaliar com o item.	Se a dificuldade da resolução do item não diminuir, é subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas.
	Se a dificuldade da resolução do item diminuir, o item é classificado do modo seguinte:
	 nas etapas em que a dificuldade da resolução diminuir, a pontuação máxima a atribuir é a parte inteira de metade da pontuação prevista;
	 nas etapas em que a dificuldade da resolução não diminuir, a pontuação é atribuída de acordo com os critérios específicos de classificação.
7. Transcrição incorreta de um número ou de um sinal, na resolução de uma etapa.	Se a dificuldade da resolução da etapa não diminuir, é subtraído um ponto à pontuação da etapa.
	Se a dificuldade da resolução da etapa diminuir, a pontuação máxima a atribuir a essa etapa é a parte inteira de metade da pontuação prevista.
	As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).
8. Ocorrência de um erro ocasional num cálculo, na resolução de uma etapa.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa em que o erro ocorre.
C2\	As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).
Ocorrência de um erro que revela desconhecimento de conceitos, de regras ou de propriedades, na resolução	A pontuação máxima a atribuir a essa etapa é a parte inteira de metade da pontuação prevista.
de uma etapa.	As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).
10. Resolução incompleta de uma etapa.	Se à resolução da etapa faltar apenas a passagem final, é subtraído um ponto à pontuação da etapa; caso contrário, a pontuação máxima a atribuir é a parte inteira de metade da pontuação prevista (ver nota).
11. Apresentação de cálculos intermédios com um número de casas decimais diferente do solicitado ou	É subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas, salvo se houver indicação em contrário no critério
apresentação de um arredondamento incorreto. 12. Apresentação do resultado final que não respeita a forma solicitada [exemplo: é pedido o resultado em centímetros, e a resposta apresenta-se em metros].	específico de classificação. É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.

	-
13. Utilização de valores exatos nos cálculos intermédios e apresentação do resultado final com aproximação quando deveria ter sido apresentado o valor exato.	
14. Utilização de valores aproximados numa etapa quando deveriam ter sido usados valores exatos.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
	As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os critérios gerais e específicos de classificação.
 Apresentação do resultado final com um número de casas decimais diferente do solicitado ou apresentação do resultado final incorretamente arredondado. 	
16. Omissão da unidade de medida na apresentação do resultado final.	A etapa relativa à apresentação do resultado final é pontuada com a pontuação prevista.
17. Apresentação de elementos em excesso face ao solicitado.	Se os elementos em excesso não afetarem a caracterização do desempenho, a classificação a atribuir à resposta não é desvalorizada.
	Se os elementos em excesso afetarem a caracterização do desempenho, são subtraídos dois pontos à soma das pontuações atribuídas, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
18. Utilização de simbologias ou de expressões inequivocamente incorretas do ponto de vista formal.	É subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas, exceto:
	 se as incorreções ocorrerem apenas em etapas já pontuadas com zero pontos;
	 nos casos de uso do símbolo de igualdade em que, em rigor, deveria ter sido usado o símbolo de igualdade aproximada.

Nota – Se a dificuldade da resolução das etapas subsequentes não diminuir, estas são pontuadas de acordo com os critérios específicos de classificação; se a dificuldade da resolução das etapas subsequentes diminuir, a pontuação máxima a atribuir a cada uma delas é a parte inteira de metade da pontuação prevista.

CRITÉRIOS ESPECÍFICOS DE CLASSIFICAÇÃO

1.1.			16 pontos
	Identificar 2017 com $t = 20$	5 pontos	·
	Calcular $G(20)$	9 pontos	
	Apresentar o valor pedido (10 758 TJ)	2 pontos	

Este item pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos.

1.º Processo

Traduzir o problema por uma condição $ig(G(t)\!>\!9000$, ou equivalente $ig)$	
(ver nota 1)	3 pontos
Resolver a condição anterior	10 pontos
Esta etapa pode ser resolvida por, pelo menos, dois processos.	

Processo A

Representar graficamente a função G (ver nota 2)	5 pontos
Representar graficamente a reta de equação $y = 9000$ (ver nota 2)	2 pontos
Assinalar o ponto de intersecção dos gráficos	1 ponto
Obter a abcissa desse ponto (8.36)	2 pontos

Processo B

Isolar $e^{-0.49t}$	3 pontos
Isolar -0,49 <i>t</i>	
Isolar t	2 pontos

Apresentar o valor pedido	(2006)	(ver nota 3)		3 pontos
---------------------------	--------	--------------	--	----------

2.º Processo

Obter $G(8)$	3 pontos
Obter $G(9)$	3 pontos
Referir que $G(8) < 9000$	2 pontos
Referir que $G(9) > 9000$	2 pontos
Referir que a função G é crescente (ou equivalente) $$ (ver nota 4)	3 pontos
Apresentar o valor pedido (2006) (ver nota 3)	3 pontos

Notas:

- **1.** Se for apresentada G(t) = 9000, $G(t) \ge 9000$, G(t) < 9000 ou $G(t) \le 9000$, a pontuação a atribuir a esta etapa não é desvalorizada.
- **2.** Se não for representado o referencial, a soma das pontuações a atribuir a estes passos é desvalorizada em 1 ponto.
- **3.** Se for apresentado 2005, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 1 ponto.
- **4.** Se for representada graficamente a função $\,G\,$, $\,$ a pontuação a atribuir a esta etapa não é desvalorizada.

2.1		16 pont
Obter o valor referente à empresa A		9 pontos
Calcular o valor da parcela fixa (4	4,008 euros) 4 pontos	
Calcular o valor da parcela variáve	el (15,5675 euros) 4 pontos	
Calcular o valor referente à empre	sa A (19,58 euros) 1 ponto	
Obter o valor referente à empresa B	(19,05 euros)	5 pontos
	consumo energético teria sido menor na	2 pontos
.2		16 pont
Escrever $f(x) = 0.0479x + 4.008$	(ou equivalente)	4 pontos
Escrever $g(x) = 0.0586x$ (ou equiv	alente)	2 pontos
Traduzir o problema por uma condição (ver nota 1)	o $(f(x) \le g(x)$, ou equivalente)	2 pontos
Resolver a condição anterior		7 pontos
Esta etapa pode ser resolvida por,	pelo menos, dois processos.	
1.º Processo		
Obter $-0.0107x < -4.008$	4 pontos	
Obter $x > 374,5$	3 pontos	
2.º Processo		
Representar graficamente a funçã	o f (ver nota 2)2 pontos	
Representar graficamente a função	o g (ver nota 2)2 pontos	
Assinalar o ponto de intersecção d	os gráficos 1 ponto	
Obter a abcissa desse ponto (374	4,5)	
Apresentar o valor pedido (375 kWl	1)	1 ponto
Notas:		
1. Se for apresentada $f(x) = g(x)$, $f(x) = g(x)$ a atribuir a esta etapa não é desvaloriza	$f(x) \leq g(x)$, $f(x) > g(x)$ ou $f(x) \geq g(x)$, and a.	pontuação

2. Se não for representado o referencial, a soma das pontuações a atribuir a estes passos é

desvalorizada em 1 ponto.

3		20 pontos
Identificar a função objetivo $(L(x, y) = 3x + 4y)$	2 pontos	
Identificar as restrições $ (x \le 2y \ , \ y \le 2x \ , \ x+y \le 9 \ , \ x \ge 0 \ e \ y \ge 0) \dots (5 \times 1) \dots (5 \times 1) \dots $	5 pontos	
Representar graficamente a região admissível	7 pontos	
Representar graficamente as retas de equações $x=2y$, $y=2x$ e $x+y=9$		
Assinalar o polígono		
Obter as coordenadas dos vértices do polígono, exceto a origem ((3, 6) e (6, 3)) (2×1)	2 pontos	
Calcular o lucro correspondente a cada um dos vértices do polígono, exceto a origem (ou implementar o método da paralela à reta de nível zero) (\mathbf{ver} nota) (2×1)	2 pontos	
Apresentar os valores pedidos		
(3 quilogramas de cogumelos e 6 quilogramas de espargos)	2 pontos	
Nota – No caso de ser implementado o método da paralela à reta de nível zero, se representada, corretamente, esta reta, a pontuação a atribuir a esta etapa é 1 ponto		
4.1.		16 pontos
Equacionar o problema $(h(\alpha) = 25)$ ou equivalente)		
Resolver a equação anterior	11 pontos	
Esta etapa pode ser resolvida por, pelo menos, dois processos.		
1.º Processo		
Representar graficamente a função h (ver notas 1 e 2)		
Representar graficamente a reta de equação $y = 25$ (ver nota 1) 2 pontos		
Assinalar o ponto de intersecção dos gráficos		
Obter a abcissa desse ponto		
Notas:		
 Se não for representado o referencial, a soma das pontuações a atribuir a estes passos é desvalorizada em 1 ponto. 		
 Se não for respeitado o domínio, a pontuação a atribuir a este passo é desvalorizada em 1 ponto. 		
2.º Processo		
Isolar $\operatorname{sen}(\alpha)$		
Obter a amplitude do ângulo agudo que é solução da equação 4 pontos		
Obter o valor de $lpha$		
Apresentar o valor pedido (162º)	1 ponto	

4.2.			20 pontos
	Este item pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos.		
	1.º Processo		
	Identificar $lpha$ com $90^{ m o}$	4 pontos	
	Obter $h(90)$ (56,7)	2 pontos	
	Identificar $lpha$ com $180^{ m o}$	4 pontos	
	Obter $h(180)$ $(10,7)$	2 pontos	
	Obter metade do comprimento do vão da ponte (46)	5 pontos	
	Obter o valor pedido (92 m)	3 pontos	
	2.º Processo		
	Representar graficamente a função h (ver nota)	6 pontos	
	Assinalar o ponto do gráfico cuja ordenada é o valor máximo dessa função	1 ponto	
	Obter a ordenada desse ponto (56,7)	2 pontos	
	Assinalar o ponto do gráfico cuja ordenada é o valor mínimo dessa função	1 ponto	
	Obter a ordenada desse ponto (10,7)	2 pontos	
	Obter metade do comprimento do vão da ponte (46)	5 pontos	
	Obter o valor pedido (92 m)	3 pontos	
	 Nota – Se não for representado o referencial, a pontuação a atribuir a esta etapa é desval 1 ponto. Se não for respeitado o domínio, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalo 2 pontos. 		
4.3.			16 pontos
	Obter o valor de $T(135)$ (-0,57) (ver nota 1)	6 pontos	
	Interpretar o valor obtido no contexto da situação (ver nota 2)	10 pontos	
	Referir que a altura do ponto P está a diminuir		
	Interpretar -0.57 como referente a 0.57 m/grau		
	Referir que se trata de um valor aproximado da taxa de variação 1 ponto		
	Notas:		
	1. Se for obtido o valor $-32,53$ ou o valor $-45,82$, a pontuação a atribuir a esta etapa é de em 2 pontos.	svalorizada	
	2 . Exemplo de interpretação: «Quando $\alpha=135^{0}$, a altura do ponto P em relação a superfície da água está a diminuir a uma taxa de, aproximadamente, $57~{\rm cm}$ por grau»		
5.1.			16 pontos
	Apresentar as listas introduzidas na calculadora	4 pontos	
	Apresentar o valor do declive e o valor da ordenada na origem da reta de regressão linear $(3,21 \text{ e} - 8,41, \text{ respetivamente})$	6 pontos	
	Obter o valor pedido (62 pulsos)	6 pontos	
	. , , , ,		

5.2.1.		16 pontos
Este item pode ser resolvido por, pelo menos, três processos.		
1.º Processo		
Escrever a subtração entre u_{n+1} e u_n (ou equivalente)	5 pontos	
Obter a expressão de u_{n+1}	5 pontos	
Obter a diferença (6)	5 pontos	
Referir que a diferença não depende de n (ou equivalente)	1 ponto	
2.º Processo		
Calcular o 1.º termo da sequência dada (42)	3 pontos	
Calcular o 2.º termo da sequência dada (48)	3 pontos	
Calcular a diferença desses termos (6)	2 pontos	
Escrever $a_{15} + (n-15)r$ como termo geral de uma progressão aritmética (a_n)	4 pontos	
Substituir a_{15} por 42	1 ponto	
Substituir r por 6	1 ponto	
Obter 6 <i>n</i> – 48	2 pontos	
3.º Processo		
Referir que $6n-48$ corresponde a uma expressão polinomial do 1.º grau $$	10 pontos	
Referir que $\{15,16,,38\}$ é um conjunto de números naturais consecutivos		
(ou equivalente)	6 pontos	
5.2.2.		16 pontos
Este item pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos.		
1.º Processo		
Reconhecer que os números de pulsos feitos pelo grilo nas audições são termos		
consecutivos de (u_n)	2 pontos	
Reconhecer que são 10 termos	2 pontos	
Obter o primeiro desses termos (72)	4 pontos	
Obter o último desses termos (126)	4 pontos	
Apresentar uma expressão da soma dos dez termos $\left(\frac{72+126}{2}\times10\right)$	3 pontos	
Obter o valor pedido (990 pulsos)	1 ponto	
2.º Processo		
Calcular u_{20} , u_{21} ,, u_{28} e u_{29} (10×1)	10 pontos	
Identificar o valor pedido com a soma dos valores anteriores	5 pontos	
Obter o valor pedido (990 pulsos)	1 ponto	

6.			16 pontos
	Obter o comprimento da aresta da caixa (20 cm)	4 pontos	
	Calcular o volume da caixa $\left(8000~\mathrm{cm^3}\right)$	2 pontos	
	Reconhecer que a bola tem $10~\mathrm{cm}$ de raio	4 pontos	
	Calcular o volume da bola $(4188,79020 \text{ cm}^3)$	2 pontos	
	Obter o valor pedido (3811 cm ³)	4 pontos	
_			40
7.			16 pontos
	Considerar, relativamente à Figura 8, um triângulo retângulo cuja hipotenusa seja o raio da superfície esférica, e cujos catetos sejam o raio da abertura do vaso		
	e a distância do centro dessa abertura ao centro da superfície esférica	4 pontos	
	Calcular a distância do centro da abertura do vaso ao centro da superfície esférica	3 pontos	
	Aplicar o Teorema de Pitágoras ao triângulo	2 pontos	
	Obter o raio da abertura do vaso (6)	3 pontos	
	Escrever uma expressão do perímetro da abertura do vaso	2 pontos	
	Apresentar o valor pedido (37,7 cm)	2 pontos	
_			
8.			16 pontos
	Reconhecer que $P(X < 50) = P(X > 80)$	•	
	Indicar o valor de $P(X \le 50)$ (0,15)	2 pontos	
	Indicar o valor de $P(X > 80)$ (0,15)	2 pontos	
	Obter o número de batatas-sementes com massa menor do que $50~g$ (300)	2 pontos	
	Obter o número de batatas-sementes com massa maior do que $80~g$ (300)	2 pontos	
	Obter o número de batatas-sementes com massa entre $50~g$ e $80~g$ (1400)	2 pontos	
	Escrever uma equação que permita obter m	3 pontos	
	Obter <i>m</i> (1,1)	1 ponto	

COTAÇÕES

As pontuações obtidas nas respostas a estes 7 itens da prova contribuem obrigatoriamente para a classificação final.	1.1.	2.2.	3.	4.2.	5.2.1.	7.	8.	Subtotal
Cotação (em pontos)	16	16	20	20	16	16	16	120
Destes 7 itens contribuem para a classificação final da prova os 5 itens cujas respostas obtenham melhor pontuação.	1.2.	2.1.	4.1.	4.3.	5.1.	5.2.2.	6.	Subtotal
Cotação (em pontos)	5 x 16 pontos					80		
TOTAL								